

6.4. Convecția

Convecția căldurii este fenomenul *elementar* de transfer termic care se manifestă în medii fluide și la suprafața de separație a fazelor. Este caracteristică mediilor în mișcare, căldura fiind transportată de particulele fluide care se deplasează. Deci, convecția implică schimb de substanță în interiorul fluidului. În general, convecția este însoțită de conducție, având în vedere faptul că particulele în mișcare sunt și în contact direct unele cu altele.

Transferul de căldură prin convecție respectă principiile termodinamicii.

Convecția poate fi:

- **Liberă** (naturală), cauzată de neuniformitatea câmpului de temperaturi în fluidul considerat și caracterizată de viteze mici ale fluidului. De exemplu, forțele arhimedice determină ridicarea aerului cald și, deci, mai puțin dens, către partea superioară a unei incinte.
- **Forțată**, generată de diferențe mari de presiune, care conduc la viteze mai ale fluidului. Diferențele de presiune se obțin cu ajutorul unor mașini hidraulice.

Legea de bază a convecției este **legea lui Newton** care spune că intensitatea fluxului termic pe care suprafața unui corp solid îl transferă unui fluid în mișcare este dată de relația:

$$(6.39) \quad \dot{q} = \alpha(T_s - T_\infty)$$

unde T_s -temperatura termodinamică a suprafeței corpului solid,

T_∞ -temperatura termodinamică medie a fluidului,

α -coeficient de transfer termic convectiv, care se determină experimental.

Intensitatea fluxului termic convectiv este influențată de factori variați, cum ar fi cauza mișcării fluidului, regimul de curgere a fluidului, forma și poziția corpului solid, spațiul în care circulă fluidul (închis sau deschis).

6.5 Radiația

Radiația este unul dintre modurile elementare de transfer termic care are drept suport radiațiile electromagnetice. Fenomen independent de conducție și convecție, radiația se poate manifesta și în vid, nu numai în mediu material.

Toate corpurile emit și absorb radiații în proporții diferite și pe lungimi de undă specifice (sau pe tot domeniul lungimilor de undă). La nivel microscopic, fenomenele radiante respectă principiile termodinamicii clasice.

Fenomenele radiante se manifestă la interacțiunea cu mediul material. Energia radiațiilor depinde de energia internă a corpurilor. Mecanismul radiației constă în transformarea unei părți a energiei interne a corpului radiant în energie radiantă, care se propagă sub formă de unde electromagnetice în spațiul înconjurător și care, întâlnind un alt corp, se retransformă în energie termică, la zona de contact.

Explicarea proceselor de emisie și absorbție a radiațiilor se bazează pe cunoașterea materiei la nivel microscopic, pe cunoașterea fenomenelor interatomice. *Teoria lui Niels Bohr* explică absorbția și emisia de radiații pe baza

ipotezei (verificată la atomul de hidrogen) conform căreia electronii se mișcă pe anumite orbite (nivele energetice) care dau atomului o stare staționară. Electronii pot sări de pe un nivel energetic pe altul prin absorbția sau emisia unei cantități de energie *cuantificată*.

6.5.1. Legi de propagare

Radiațiile care cad pe suprafața unui corp pot să se reflecte, să fie absorbite, sau să străbată corpul respectiv, în funcție de calitatea suprafeței, de natura și dimensiunile corpului. Fie E_i energia totală primită prin radiație de un corp. Legea conservării energiei se aplică în acest caz sub forma:

$$(6.40) \quad E_i = E_r + E_a + E_d$$

unde E_r -energia radiațiilor reflectate,

E_a -energia radiațiilor absorbite,

E_d -energia radiațiilor transmise în interiorul corpului.

Relația (6.40), dacă se împarte la E_i devine o relație între coeficienți adimensionali:

$$1 = R + A + D$$

unde R -coeficientul de reflexie,
 A -coeficientul de absorbție,
 D - coeficientul de transmitere.

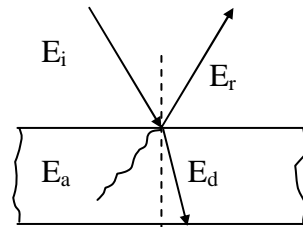


Fig. 6.10 Reprezentarea radiațiilor reflectate, absorbite și transmise prin corp

În funcție de valorile acestor coeficienți, se pot defini noțiunile de :

- corp alb, $R = 1; A = D = 0$;
- corp negru (radiator integral), $R = 0; A = 1; D = 0$;
- corp diaterman absolut, $R = 0; A = 0; D = 1$;
- corp cenușiu, $A \neq 0$.

Aceste denumiri nu au legătură cu culoarea cu același nume din domeniul vizibil. Corpurile tehnice, cu excepția gazelor, se comportă din punct de vedere al radiației ca niște corpuri cenușii

Radiațiile termice respectă legile reflexiei și refracției stabilite pentru undele luminoase.

Legea lui Max Plank , considerată fundamentală pentru radiație, se bazează pe teoria cuantificării energiei radiante. Ea spune că, *pentru corpul negru, intensitatea radiațiilor termice depinde de lungimea de undă, λ , și de temperatura termodinamică, T , a corpului.*

Mărimea care caracterizează radiația, din punct de vedere energetic, este emisivitatea. **Emisivitatea** reprezintă energia totală radiată de unitatea de suprafață a unui corp, în unitatea de timp. Se notează cu e și se măsoară în $\left[\frac{W}{m^2} \right]$.

Legea lui Plank permite să se determine emisivitatea spectrală, adică radiațiile corpului negru emise pe unitatea de suprafață radiantă în unitatea de timp. Se obține *legea Stefan –Boltzmann* care se exprimă prin relația matematică:

$$(6.41) \quad e_0 = \sigma T^4, \left[\frac{W}{m^2} \right]$$

unde e_0 -emisivitatea spectrală a corpului negru,

σ -constanta,

Legea Stefan –Boltzmann arată că orice corp cu temperatura termodinamică $T > 0K$ emite radiații, iar la corpul negru emisivitatea este proporțională cu T^4 .

Energia radiațiilor nu este distribuită uniform în spectru, ci variază cu lungimea de undă. Radiațiile infraroșii transportă maximum de energie termică.

Corpurile tehnice sunt considerate corpuri cenușii din punct de vedere termic. Emisivitatea unui corp cenușiu, e , este mai mică decât a corpului negru, e_0 , la aceeași temperatură. Raportul acestor două mărimi:

$$(6.94) \quad \varepsilon = \frac{e}{e_0}$$

se numește coeficient de emisivitate, sau indice de negru. El are, deci, valori subunitare. În regim staționar, Kirchhoff a constatat că indicele de negru este egal cu coeficientul de absorbție al corpului, A_r .

Emisivitatea unui corp cenușiu este de forma:

$$(6.95) \quad e = \varepsilon \sigma \cdot T^4 = A_r \sigma T^4 = A_r C_o \left(\frac{T}{100} \right)^4 [w/m^2]$$

unde C_o este constanta corpului negru, $C_o = 5,67 \frac{W}{m^2 K}$

Coeficientul de emisivitate de emisivitate, ε , depinde de natura și gradul de prelucrare al suprafețelor corpului radiant. În cazul materialelor metalice, emisivitatea crește odată cu temperatura. În cazul materialelor nemetalice, emisivitatea scade la creșterea temperaturii. În **tabelul9** din anexă sunt date câteva valori ale coeficientului de emisivitate pentru diverse materiale.

Expresia transferului de radiații între două corpuri cenușii, în regim permanent, este:

$$(6.99b) \quad q = e = \frac{C_o \left[\left(\frac{T_1}{100} \right)^4 - \left(\frac{T_2}{100} \right)^4 \right]}{\frac{1}{A_{r1}} + \frac{1}{A_{r2}} - 1}$$

Fluxul termic depinde de aria pereților:

$$(6.100) \quad \dot{Q} = q \cdot A$$

6.5.2 Efectul de ecran

Transferul de radiații între doi pereți plani, paraleli nu este influențat de distanța dintre ei, dacă mediul dintre pereți nu este absorbant. Dacă între pereți se interpun un număr n de ecrane, emisivitatea se reduce. Ecranele se consideră plane și paralele, infinite și paralele cu pereții. Se presupune că au gradientul de temperatură nul și coeficienții de absorbție, A , identici pe ambele fețe. Ecranele pot fi plăci metalice foarte subțiri.

În regim staționar, dacă între pereți și ecrane mediul este transparent la radiații, condiția de conservare a emisivității conduce la relația:

$$(6.42) \quad e_E = \frac{e}{n+1}$$

unde e_E -emisivitatea în cazul existenței ecranelor,
e-emisivitatea în lipsa ecranelor,
n-numărul de ecrane.

Relația indică faptul că prezența a n ecrane face ca emisivitatea să se reducă de n+1 ori.

Întrebări test

- Regimul tranzitoriu de transfer al căldurii presupune:
 - independența de timp a transferului;.....
 - dependența de timp a transferului;..... a) b) c)
 - încălzirea sau răcirea corpului care suportă transferul.
- Conducția termică este modul elementar predominant de transfer termic în:
 - corpuri imobile în care apare un gradient de temperatură;.....
 - fluide în mișcare în care apare un gradient de temperatură;..... a) b) c)
 - fluide în mișcare și suprafețe de separație a fazelor.
- Convecția termică este un mod elementar de transfer termic specific pentru:
 - corpuri imobile în care apare un gradient de temperatură;.....
 - fluide în repaus în care apare un gradient de temperatură ;..... a) b) c)
 - fluide în mișcare și suprafețe de separație a fazelor.
- Fluxul termic unitar, \dot{q} , reprezintă:
 - fluxul termic raportat la unitatea de suprafață;.....
 - fluxul termic raportat la unitatea de masă;..... a) b) c)
 - fluxul termic raportat la unitatea de timp.
- Legea lui Fourier pentru conducția termică:
 - stabilește proporționalitatea dintre fluxul termic unitar și gradientul de temperatură dintr-un corp imobil;.....
 - este exprimată matematic de relația $\dot{q} = \lambda grad T$;..... a) b) c)
 - permite calculul direct al fluxului termic unitar, după ce s-a determinat experimental gradientul de temperatură.
- Convecția forțată este modul de transfer termic:
 - generat de diferențe mici de presiune, apărute în mod natural.....
 - generat de diferențe mari de presiune;..... a) b) c)
 - obținut cu ajutorul unor mașini hidraulice.
- Radiația este fenomenul de transfer termic:
 - al cărui mecanism se bazează pe transformarea unei părți a energiei interne a corpului radiant;.....
 - care se poate manifesta și în vid;..... a) b) c)
 - care respectă principiile termodinamicii clasice, la nivel macroscopic.
- Care dintre următoarele legi descrie convecția termică:
 - legea Stefan-Boltzmann: $e_e = \sigma T^4$;.....
 - legea lui Newton: $\dot{q} = \alpha(T - T_\infty)$;..... a) b) c)
 - legea lui Fourier: $\dot{q} = -\lambda grad T$

Problema 6.1

6.1. Să se determine fluxul termic printr-un perete plan, din aluminiu, având grosimea $\delta = 3\text{mm}$. Se cunoaște coeficientul de conducție termică al aluminiului, $\lambda = 237\text{W}/\text{m}\cdot\text{K}$. Temperatura feței calde a peretelui este $T_0 = 500\text{K}$, iar cea a peretelui rece este $T_1 = 288\text{K}$. Peretele nu are surse interioare de căldură.

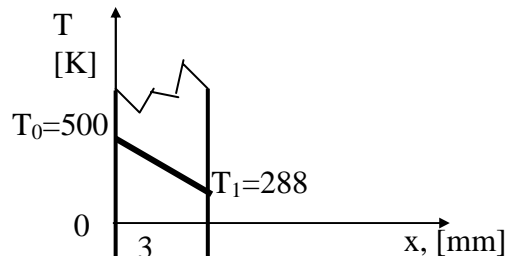


Fig.6.1

În cazul unui perete plan, fără surse interioare de căldură, se consideră că temperatura variază numai în direcția x . Ecuația lui Fourier devine:

$$\frac{d^2T}{dx^2} = 0$$

Prin integrare se obține soluția generală, adică se află câmpul de temperatură în interiorul peretelui:

$$T = C_1x + C_2$$

Deci temperatura variază liniar în lungul axei Ox a peretelui, așa cum se poate observa în figura 6.1. Datele din problemă permit punerea *condițiilor de unicitate tip Dirichlet*:

$$x = 0; T = T_0 = 500\text{K}$$

$$x = \delta = 3\text{mm}; T = T_1 = 288\text{K}$$

Punând aceste condiții în soluția generală, se determină constantele de integrare C_1 și C_2 . Rezultă soluția particulară:

$$T = \frac{288 - 500}{0,003}x + 500 = -166378,67J$$

Această relație reprezintă *câmpul de temperatură* în condițiile puse de problemă. Relația permite calculul temperaturii în oricare punct interior al peretelui, în funcție de distanța x de la fața caldă.

Introducând câmpul de temperatură în legea lui Fourier, se determină fluxul termic unitar:

$$\dot{q} = \frac{\lambda}{\delta}(T_0 - T_1) = \frac{237}{0,003}(500 - 288) = 16,75 \cdot 10^6 \left[\frac{\text{W}}{\text{m}^2} \right].$$

Probleme propuse

6.2. Pe suprafața unui perete plan circulă un curent de aer cu temperatura $T_{\infty} = 289\text{K}$. Temperatura suprafeței peretelui este $T_s = 422\text{K}$. Cunoscând coeficientul de transfer termic al suprafeței, $\alpha = 100\text{W}/\text{m}^2\text{K}$, să se determine fluxul termic unitar transferat prin convecție. Ce cantitate de căldură se transferă printr-o arie $A = 3\text{m}^2$ într-un interval de timp $\tau = 2\text{ore}$?

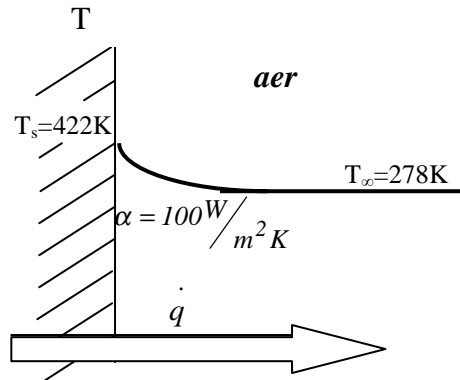


Fig 6.2. Variația temperaturii datorită transferului convectiv la suprafața de separație între un perete plan și aer

6.3. Peretele plan reprezentat în fig.6.3P este scaldat de curenți de fluid care au temperaturile $T_i = 350\text{K}$ și $T_e = 278\text{K}$. Grosimea peretelui este $\delta = 5\text{mm}$. Știind că peretele este confecționat din oțel inox, care are coeficientul de conducție termică $\lambda = 14,4\text{W}/\text{m}\cdot\text{K}$, să se determine fluxul termic unitar, \dot{q} . Se cunosc coeficienții de transfer termic prin suprafețele laterale, $\alpha_i = 1000\text{W}/\text{m}^2\text{K}$ și $\alpha_e = 100\text{W}/\text{m}^2\text{K}$

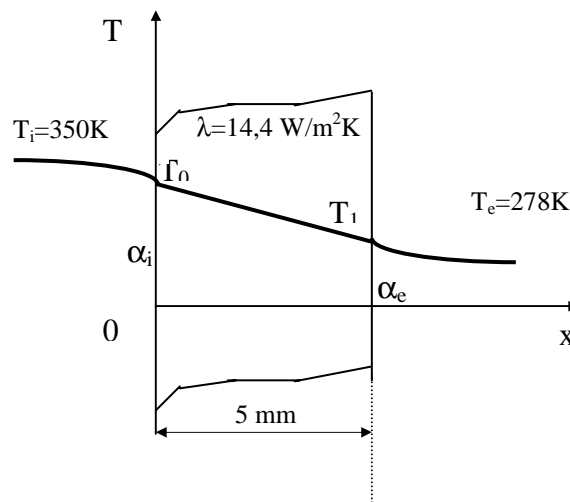


Fig.6.3P

6.4. Să se calculeze fluxul de căldură radiat de o suprafață cu temperatura $T = 363K$ și coeficientul de emisivitate $\varepsilon = 0,8$. Se cunoaște constanta Stefan-Boltzman $\sigma = 5,67 \cdot 10^{-8} W/m^2 \cdot K^4$.

6.5. Să se calculeze fluxul termic transferat printr-un metru liniar din conducta de rază $r_o = 2,5cm$ și grosime $\delta = 3mm$ reprezentată în figura 6.5P. Prin conductă circulă apă caldă cu temperatura $T_i = 338K$. Temperatura mediului ambiant este $T_e = 293K$. Se cunosc:

- coeficientul de conducție al materialului din care este confecționată conducta, $\lambda = 43 W/m \cdot K$;
- coeficientul de transfer termic la suprafața interioară, $\alpha_i = 6000 W/m^2 \cdot K$;
- coeficientul de transfer termic la suprafața exterioară, $\alpha_e = 20 W/m^2 \cdot K$.

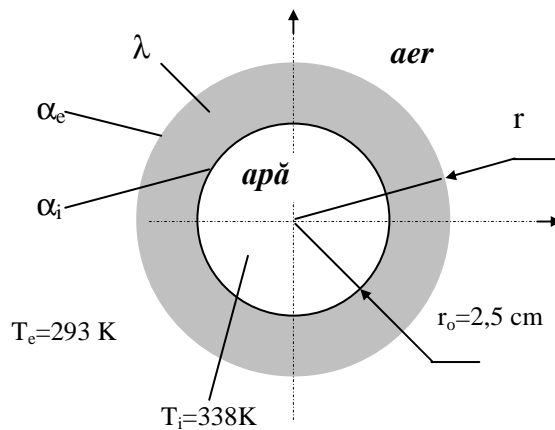


Fig.6.5P. Transfer termic prin pereți cilindrici

6.6. Fie o conductă de rază interioară $r_o = 10mm$. Prin conductă circulă apă caldă cu temperatura $T_e = 322K$. Temperatura mediului ambiant este $T_e = 289K$. Să se calculeze raza exterioară care trebuie impusă pentru ca transferul de căldură să fie maxim. Care este valoarea fluxului termic maxim transferat printr-un metru liniar de conductă dacă se cunosc:

- coeficientul de convecție al materialului din care este confecționată conducta, $\lambda = 14,4 W/m \cdot K$;
- coeficientul de transfer termic la suprafața interioară, $\alpha_i = 8000 W/m^2 \cdot K$;
- coeficientul de transfer termic la suprafața exterioară, $\alpha_e = 1000 W/m^2 \cdot K$.

RĂSPUNSURI ȘI REZOLVĂRI

Întrebări test

1.b,c; 2.a; 3.c; 4.a; 5.a; 6.b,c; 7.a,b,c; 8.b.

Probleme

6.2. Rezolvare

Fluxul termic unitar, preluat prin convecție la suprafața de separație a două faze este dat de legea lui Newton:

$$\dot{q} = \alpha(T_s - T_\infty) = 100(422 - 289) = 13300 \text{ W/m}^2$$

Cantitatea de căldură transferată va fi:

$$Q = \dot{q} \cdot A \cdot \tau = 13300 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 3600 = 287280 \text{ kJ}$$

6.3. Rezolvare

În acest caz, căldura se propagă prin convecție în fluidul de la interior, apoi este transmisă prin conducție prin perete și preluată din nou prin convecție de către fluidul de la exterior. Fluxul termic unitar se conservă la trecerea prin cele două suprafețe.

Punând condițiile de tip Fourier la cele două suprafețe limită ale peretelui, se determină coeficientul specific total de transfer termic:

$$K = \frac{1}{\frac{1}{\alpha_i} + \frac{\delta}{\lambda} + \frac{1}{\alpha_e}} = \frac{1}{\frac{1}{1000} + \frac{5}{14,4} + \frac{1}{100}} = 2,791 \left[\frac{\text{W}}{\text{m}^2 \text{K}} \right]$$

Fluxul termic unitar:

$$\dot{q} = K(T_i - T_e) = 2,791(350 - 278) = 200,95 \text{ W/m}^2$$

6.4. Rezolvare

Fluxul termic transferat prin radiație este :

$$\dot{q} = \varepsilon \sigma \cdot T^4 = 0,8 \cdot 5,67 \cdot 10^{-8} \cdot 363^4 = 787,58 \text{ W/m}^2$$

6.5. Rezolvare

Fluxul termic ce străbate pereții conductei pe o lungime de 1 m este:

$$\dot{Q} = \frac{2\pi L(T_i - T_e)}{\frac{1}{\alpha_i r_0} + \frac{1}{\lambda} \ln \frac{r_e}{r_0} + \frac{1}{\alpha_e r_e}} = \frac{2 \cdot \pi \cdot 1 \cdot (338 - 293)}{\frac{1}{6000 \cdot 0,025} + \frac{1}{43} \ln \frac{0,028}{0,025} + \frac{1}{20 \cdot 0,028}} = 157,4 \text{ W}$$

6.6. Rezolvare

Fluxul termic conductiv atinge valoarea maximă, \dot{Q}^{\max} , atunci când raza exterioară ia valoarea critică:

$$r_{cr} = \frac{\lambda}{\alpha_e} = \frac{14,4}{1000} = 0,014m$$

$$\begin{aligned} \dot{Q}^{\max} &= \frac{2\pi L(T_i - T_e)}{\frac{1}{\alpha_i r_0} + \frac{1}{\lambda} \ln \frac{r_{cr}}{r_o} + \frac{1}{\alpha_e r_{cr}}} = \\ &= \frac{2 \cdot \pi \cdot 1 \cdot (322 - 289)}{\frac{1}{8000 \cdot 0,01} + \frac{1}{14,4} \ln \frac{0,014}{0,01} + \frac{1}{1000 \cdot 0,014}} = 1932W \end{aligned}$$